

Университет ИТМО.

Лабораторная работа №1.
Решение системы линейных алгебраических уравнений СЛАУ.

Работу выполнил студент группы 1125
Халанский Дмитрий Владимирович,
принял преподаватель Университета ИТМО
Шипилов П. А.

2014

3 вариант, метод Гаусса-Зейделя

1. Описание метода

Метод Гаусса-Зейделя заключается в разбиении матрицы коэффициентов на две части — нижнюю, включая диагональ, и верхнюю — и последующем итерационном процессе по формуле $(L + D)\vec{x}^{(k+1)} = -U\vec{x}^{(k)} + \vec{b}$ после выбора приближения $\vec{x}^{(0)}$ (в приведённой реализации приближение представляет из себя $(0, 0, \dots, 0)$).

$$x_i^{(k+1)} = -\sum_{j=1}^{i-1} \frac{a_{ij}}{a_{ii}} x_j^{(k+1)} - \sum_{j=i+1}^n \frac{a_{ij}}{a_{ii}} x_j^{(k)} + \frac{b_i}{a_{ii}}$$

2. Листинг вычисляющих функций

```
1 #include <stdbool.h>
2 #include <unistd.h>
3 #include <stdlib.h>
4 #include <float.h>
5 #include <math.h>
6
7 typedef double matr_elem;
8 struct matrix {
9     unsigned short n;
10    unsigned short m;
11    matr_elem **elems;
12 };
13
14 bool matrix_is_dominant (struct matrix *matr)
15 {
16     bool found_strict = false;
17     for (unsigned short i = 0; i < matr->m; ++i) {
18         matr_elem sum;
19         for (unsigned short j = 0; j < matr->n; ++j)
20             sum += abs(matr->elems[i][j]) * (j != i ? 1 : -1);
21         if (sum > DBL_EPSILON)
22             return false;
23         if ((sum > -DBL_EPSILON) && (sum < DBL_EPSILON))
24             found_strict = true;
25     }
26     return found_strict;
27 }
28
29 bool consistent_sle (struct matrix *a)
30 {
31     if (!a)
32         return NULL;
33 }
```

```

34     for (int i = 0; i < a->n; ++i)
35         for (int j = 0; j < a->n; ++j)
36             if ((i != j) &&
37                 (abs(a->elems[i][j]) >= abs(a->elems[i][i])))
38                 return false;
39     return true;
40 }
41
42 struct matrix *comp_sle (struct matrix *a, struct matrix *b, double eps,
43                          unsigned int M)
44 {
45     if ((b->n != 1) || (a->n != a->m) || (a->m != b->m))
46         return NULL;
47
48     matr_elem *x = (matr_elem*) calloc(a->n, sizeof(matr_elem));
49     double m;
50     unsigned int k = 0;
51     do {
52         ++k;
53         m = 0;
54         for (unsigned short i = 0; i < a->n; ++i) {
55             matr_elem p = x[i];
56             double s = 0;
57             for (unsigned short j = 0; j < a->n; ++j)
58                 if (i != j)
59                     s += a->elems[i][j] * x[j];
60             x[i] = (b->elems[i][0] - s) / a->elems[i][i];
61             m += (x[i] - p) * (x[i] - p);
62         }
63     } while ((m > eps*eps) && (k < M));
64
65     struct matrix *matr = build_matrix (1, a->n, x);
66     free(x);
67     if (k >= M)
68         return NULL;
69     return matr;
70 }

```

3. Блок-схема численного метода

4. Пример работы программы и её результат

```
Please input the number of equations: 2
Input the coefficients and constant terms of each equation separated by
spaces.
16 3 11
7 -11 13
Matrix is non-dominant
SLE is consistent
Please input the E of the calculation: 0.0000001
(( 0.812183    )
 ( -0.664975  ))
```

5. Выводы

Использование метода Гаусса-Зейделя не оправдано, так как решение сходится лишь для матриц с диагональным преобладанием или положительно определённых, прирост скорости исполнения существенный лишь при весьма точной начальной оценке, а избежать использования типов с плавающей точкой и императивной парадигмы программирования не представляется возможным.